単一散乱からの半透明物体の形状推定

井下 智加† 向川 康博† 松下 康之†† 八木 康史†

† 大阪大学 産業科学研究所

†† マイクロソフト リサーチ アジア

†††yagi@sanken.osaka-u.ac.jp

あらまし 白濁したプラスチックなどの半透明な物体に光を当てると,物体内部で光が強く散乱する.そのため,半 透明物体の形状は,反射光や透過光のみを考慮した従来法では推定することは難しい.そこで本研究では,半透明物 体内部で観測される単一散乱の強度に着目した新たな形状推定手法を提案する.単一散乱は,入射光が物体中で一度 だけ微粒子と衝突することによって生じる現象であり,光源からカメラに至るまでの光路や,光路長に応じた減衰の 解析が比較的容易である.そこで,散乱光から単一散乱成分のみを分離し,光の減衰モデルを当てはめることで形状 を推定する.さらに,媒体の散乱特性と推定形状には曖昧性が生じるが,照明の入射位置をずらして複数回計測する ことで,曖昧性が解決できることを示す.実験により,単一散乱が物体形状を推定するための手がかりとして有用で あることを確認した.

キーワード 単一散乱,散乱解析,半透明物体,形状推定

1. はじめに

我々の身の回りには, 白濁したプラスチックなど,物 体表面に入射した光が内部で強く散乱する半透明な物体 が多く存在する、3次元形状の計測技術は一見すると成 熟しているようにも見られるが , 未だにこのような半透 明物体の形状を測ることは難しい.対象シーンに特殊な 照明が許される能動的手法は比較的高精度に形状計測で きるとされているが,半透明物体に対しては,表面に照 射された光が内部で散乱してしまうため,うまく計測で きない.実際, Godin ら [1] はレーザレンジファインダ を用いた計測手法において,大理石程度の弱い表面下散 乱の場合でも,表面での反射に表面下散乱が加わって明 るく観測されるため,真値にバイアスがかかり,計測誤 差が生じることを実験的に確かめている.強い散乱光が 観測される場合には、反射光や透過光のみを考慮した従 来法では形状計測は極めて難しくなり、商用化されてい るレーザレンジファインダでも計測できなくなる.図1 に強い散乱を引き起こす半透明物体の形状をレーザレン ジファインダで計測した例を示す.図1(c)において手の 形状は計測できている一方,半透明物体の正しい形状は 現れていないことがわかる.

これまで,3次元形状を計測する際に観測される散乱 光は,ノイズのように邪魔なものとして扱われてきた. Chenら[2]は散乱光の影響を抑えるために,比較的散乱 光に強いとされる位相シフト法に,散乱光を低減する偏 光板を組合せた.また,Goeseleら[3]は半透明物体のモ デリングをしているが,3次元形状の計測の際には対象 物体の表面に細かい粉をふりかけ,散乱光を物理的に除



(a) 計測対象物の散乱の様子 (c) レーザレンジファインダ
 による計測結果
 図1 半透明物体の形状計測の失敗例

去している.このように,散乱光は形状計測に悪影響を 及ぼすため,様々な方法で除去されてきた.

それに対して,本研究では,まったく逆に散乱光その ものを手がかりとした新しい形状計測法を提案する.散 乱光の中でも,単一散乱は入射光が物体中で一度だけ微 粒子と衝突することによって生じる現象であり,光源か らカメラに至るまでの光路や,光路長に応じた減衰の解 析が比較的容易である.そこで,散乱光から単一散乱成 分のみを分離し,光の減衰モデルを当てはめることで形 状を推定する.半透明物体内部で観測される単一散乱の 強度に着目した形状推定手法は,原理そのものが新しく, 強い散乱光が観測される場合に特に有効な手法である.

2. 関連研究

明るさ解析に基づく形状推定:参照光の投影位置や複数

視点から撮影された画像の対応点から,三角測量の原理 に基づいて形状計測する幾何学的手法に対して,画像 中で観測される明るさに基づいて形状計測する手法は Shape-from-intensity と総称される.これらの手法は古 くから研究され,拡散反射[4][5],鏡面反射[6][7]など, 様々な光学現象が手がかりとして利用されてきた.

最近では, Zhouら [8] が拡散板を用いて撮影された画 像におけるぼけ量から被写体までの距離を推定している. また, Liaoら [9] は光のエネルギーが距離の自乗に反比 例して減衰することを利用し,様々な表面特徴を持つ物 体の形状推定に成功している.このように,明るさ解析 に基づいた様々な形状推定手法が提案されているが,対 象シーンの散乱強度そのものを手がかりとした形状推定 法は見あたらない.

透明物体の形状推定:透明物体の表面に入射した光は内 部に透過するが,屈折率が既知であれば屈折光の光路 は一意に特定できる.そこで,透明物体内部での光路を 追跡することで形状を推定する手法が提案されている. Miyazaki と Ikeuchi [10] は, 偏光レイトレーシングによ り透明物体の形状を計測した. Kutulakos と Steger [11] は透過光の光路追跡に必要な視点・参照点・屈折回数の 関係から形状を推定した. Trifonovら [12] は計測物体を 同じ屈折率を持つ液体中に沈め、トモグラフィーによる 推定手法を適用した.また,Hullinら[13]は蛍光の性質 を持つ液体中に入れた透明物体に対して,線光源を走査 させることで得られる断面から形状を推定した.これ らの手法は透過光を利用したものであるが, Morris と Kutulakos [14] は内部が不均一な透明物体でも,表面で の反射光を解析することで形状を求める方法を提案して いる.しかし半透明物体では,表面での反射光や内部で の透過光の成分は弱く,散乱光の強度が支配的であるた め,これらの手法をそのまま適用することはできない. 散乱を考慮した形状推定: 散乱媒体中に置かれた不透明 物体の形状計測については,様々な研究が進められてい る.Narasimhan ら^[15]は単一散乱を考慮した構造化光 投影法,および照度差ステレオ法によって,濁った液体 中の物体形状を計測した.Kimら[16]は,光線空間を解 析することで散乱光を除去し,トモグラフィーによって 形状を推定した.しかし,これらの手法は,散乱を生じ る半透明物体の形状を計測するものではない.

一方,散乱媒体の性質を解析する研究も盛んになって きている.散乱を厳密に取り扱うためには,モンテカ ルロ光線追跡法[17]などによって,入射光が散乱する過 程を徹底的に追跡する必要があった.近年,Mukaigawa ら[18]は光源としてプロジェクタを用いて,散乱光を反 射回数ごとに分解することで,単一散乱成分のみを抽出 する手法を提案した.また,Narasimhanら[19]は散乱 媒体を水で薄めることで単一散乱しか生じないと仮定し, 散乱に関するパラメータの推定を行っている.単一散乱 は比較的扱いやすい現象であることから,煙や水に垂ら



図 2 一様な媒体内での単一散乱のモデル

した牛乳などの散乱媒体の空間的分布を推定する手法も 提案されている [20] [21] . 本研究は [18] と同様にプロジェ クタを用いて単一散乱成分のみを抽出し,さらに [21] と 同様に単一散乱モデルに当てはめることで,カメラから 見た半透明物体表面の高さを推定するものである.

相互反射を考慮した形状推定:物体表面上のある面の反 射光が別の面を照らす相互反射もまた,形状推定を困難 にする要因の一つである.相互反射が存在するシーンで の形状推定のアプローチは大きく分けて,(1)大域照明 を取り除く,(2)大域照明もモデル化する,(3)大域照明 そのものを手がかりとする,の3通りが考えられる.(1) として,Nayarら[22]は高周波照明によって相互反射を 取り除いて照度差ステレオ法を用いた.(2)として,同 じくNayarら[23]はラジオシティに基づいて相互反射成 分をモデル化し,反復的に形状を推定した.(3)として, 最近,Liuら[24]は相互反射のライトトランスポートに 形状復元の手がかりが含まれていることを示している.

相互反射は,大域照明という意味で散乱光と性質が似 ており,同様のアプローチは散乱光が存在するシーンで の形状推定にも当てはまる.散乱光の場合には,前述の 通り(1)や(2)のアプローチは存在する.一方,本研究 は(3)の散乱光そのものを形状推定の手がかりにしよう という新しい試みである.

3. 単一散乱による深度推定の原理

3.1 単一散乱のモデル

単一散乱とは図 2 に示すように,物体表面上のある点 x_i に入射した光が媒体中の x_m で一度だけ微粒子と衝突 し,物体表面 x_o から出射する散乱現象を指す.入射方 向のベクトルL,出射方向のベクトルV,及び物体の屈 折率が既知である場合,物体内での光路は一意に定まる. x_i に入射した光が x_m で微粒子に衝突するまでの距離を d_1 ,衝突点 x_m から出射する点 x_o までの距離を d_2 とす ると,光は光路長 $d_1 + d_2$ に対して指数関数的に減衰す る [25] ことから,式(1)のようにモデル化される.

$$I(x_i, x_o) = sp(q, \theta)e^{-\sigma_t(d_1+d_2)}$$

$$\tag{1}$$

$$p(g,\theta) = \frac{1}{4\pi} \frac{1 - g^2}{(1 + g^2 - 2g\cos\theta)^{\frac{3}{2}}}$$
(2)



図 3 深度推定のセッティング



図 4 1次元での深度推定

ここで,sは入射光の強さを表すスケーリング定数, σ_t は光の減衰の強さを示す消滅係数, $p(g, \theta)$ は光が微粒子に当たったときの散乱の偏りを示すフェーズ関数を表す.フェーズ関数は式 (2)で表され,散乱の等方性を決めるパラメータgにより特徴づけられる.gは前方散乱では正の値,等方散乱ではゼロ,後方散乱では負の値を取る.

3.2 深度推定の定式化

本研究では図3に示すように,光学的に一様な媒体に 入射した光が垂直方向に出射する単一散乱に着目する. 物体に対する照明と観測系は共に平行光を仮定し,屈折 の影響は無視する.物体表面上のある点(x,y)で観測さ れる輝度値I(x,y)からその点の深度h(x,y)を求めるこ とを考える.ここで求める深度はy方向について独立し て求められるため,一般性を失うことなく入射点からx離れた点での深度h(x)を推定する1次元の問題として 定式化できる.図4に示すようにz = 0の高さに照明し, 垂直方向で観測される単一散乱の輝度値をI(x)とする とき,単一散乱の強度は式(3)のように表される.

$$I(x) = Se^{-\sigma_t(x+h(x))}$$
(3)
$$S = sp(g, \theta)$$
(4)

ここで,平行光を仮定しているため,単一散乱の反射角 θ は全ての位置において $\pi/2$ となる.また,光学的に一 様な材質を仮定しているため,フェーズ関数 $p(g, \theta)$ を定 数としてスケーリング定数に組み込み,Sに置き換えて いる.式(3)の両辺の対数をとり,深度 h(x)に関して式 (3)を整理することで式(5)が得られる.

$$h(x) = \frac{1}{\sigma_t} \log S - x - \frac{1}{\sigma_t} \log I(x)$$
(5)



(a) 消滅係数 σ_t に関する曖昧性 (スケーリング定数 S は固定)



(b) スケーリング定数 S に関する曖昧性 (消滅係数 σ_t は固定)
 図 5 深度の曖昧性

入射位置からの距離 x における深度 h(x) は σ_t , S を推定することで求められることがわかる.

3.3 深度の曖昧性

式 (5) は観測される明るさと深度の関係を表している. しかし,実際には消滅係数 σ_t とスケーリング定数 S は 未知であり,深度の曖昧性が生じることになる.図5 は 各パラメータが深度に対して与える曖昧性の例を示して いる.消滅係数 σ_t は観測される輝度値 I(x) に反比例す るパラメータであり,推定結果に直接影響を及ぼし,求 められる形状自体に曖昧性を与える.特に, σ_t が小さい ほど形状の起伏が増幅される.一方,スケーリング定数 S は位置 x に依存しないために深度 h(x) に対してオフ セットの役割を果たす.そのため,深度の相対的な位置 のみが変化し,値の大小に関わらず形状に対する曖昧性 は与えない.以上より,物体の形状を求めるためには, 消滅係数 σ_t による曖昧性を解消する必要がある.

3.4 深度の曖昧性の解消

消滅係数 σ_t の曖昧性は式 (5) だけでは解消できない. そこで照明の高さを z = 0 として得られる単一散乱 I(x)に加え,図 4 のように z = d と変化させた場合の単一散 乱 I'(x) を考える.

$$I'(x) = Se^{-\sigma_t(x+h(x)-d)} \tag{6}$$

この二組を σ_t について整理すると,式 (7) のようになる.

$$\sigma_t = \frac{I'(x) - I(x)}{d} \tag{7}$$



図 6 半透明物体中での散乱の様子





dの値は既知であるため, σ_t を一意に求めることができる.ここで求めた消滅係数 σ_t を式 (5) に代入することで,物体の形状が得られる.

4. 現実問題への適用

4.1 単一散乱の抽出

現実の半透明物体において観測される散乱には単一散 乱以外の成分も含まれている.例として,半透明物体で あるゼリーに対してレーザ光を照射した場合の散乱の様 子を図6に示す.この結果から,直進性の高いレーザ光 が広がって観測される様子が確認できる.これは光が物 体中の微粒子に複数回衝突することで生じる多重散乱に よるものである.このように,物体内における散乱は1 回だけ散乱を起こす単一散乱のみではなく,複数回散乱 を起こす多重散乱も含んでいる.そのため,単一散乱の 成分のみを抽出する必要性がある.

Mukaigawa ら [18] はプロジェクタからストライプ状の 高周波パターンを投影することで,単一散乱と多重散乱 を分離できることを示した.本研究でも同様にプロジェ クタを光源として用いることで単一散乱成分のみを抽出 する.計測のためのセッティングは図7に示すものであ り,光源の入射方向と垂直な方向に設置したカメラによ り単一散乱を観測する.カメラのキャリブレーションに より,半透明物体に対する照明の入射位置から単一散乱 が反射する位置 x は既知となる.そのため,式(5)に観 測した輝度値を当てはめることで,深度 h(x)を求める ことができる.

4.2 深度推定精度の向上

3.4節では入射位置を2段階に変えることで曖昧性が



図 8 消滅係数と求められる深度の分散との関係

解消され,深度が求められるという数値計算上の原理を 説明した.しかし,実際に撮影される画像にはノイズが 含まれ,2組の単一散乱の輝度値のみで推定される消滅 係数 σ_t には大きな誤差が含まれる可能性が高い.特に, 観測される単一散乱成分が小さい場合,ノイズの影響を 大きく受けることとなる.

本研究ではノイズによる σ_t の推定誤差の影響を抑え るため,照明の高さを変えたより多くの画像を用いるこ とを考える.照明の高さを基準面から d_i だけ変化させた 位置から照明すると,得られる単一散乱の成分は次式の ように表される.

$$I_i(x) = Se^{-\sigma_t(x+h(x)-d_i)}$$
(8)

ここで,観測した単一散乱 $I_i(x)$ と任意の消滅係数 σ_t よ り得られる深度 $h_i(x, \sigma_t)$ を考える.

$$h_i(x,\sigma_t) = \frac{1}{\sigma_t} \log S - x - \frac{1}{\sigma_t} \log I_i(x) + d_i$$
(9)

正しい消滅係数が与えられれば,照明の高さ $z = d_i$ が変化しても求められるh(x)は変化しない.しかし,誤った消滅係数 σ_t を用いた場合,各 d_i で求められる深度は変化する.図8は誤った消滅係数を用いることで実際に推定される深度がどのように変動するかの例を示している.誤った消滅係数を使用した場合,図8(a)のように分散は大きくなるが,正しい消滅係数を使用すれば,図8(b)のように分散は小さくなる.そのため,推定された $h_i(x,\sigma_t)$ の分散を調べることで正しい消滅係数を推定することが可能となる.

一方で,単一散乱の輝度値が十分でなくノイズの影響 が大きくなる場合は,消滅係数の推定に悪影響を与える おそれがある.ノイズレベルが一定であると仮定すれば, 輝度値とS/N比は比例関係となる.そこで,式(11)の ように輝度値に基づいた重み w_i を設定し,式(10)のよ うに重みを考慮した分散が最小となるように消滅係数を 求める.また,深度の平均値 $\overline{h(x,\sigma_t)}$ は各深度 $h_i(x,\sigma_t)$ に対して式(11)の重みづけをした加重平均とする.

$$\sigma_t = \arg\min_{\sigma_t} \sum_{i=1}^n w_i \sum_{x=0}^{X_{max}} (h_i(x, \sigma_t) - \overline{h(x, \sigma_t)})^2 \qquad (10)$$



図 9 実験環境

$$w_{i} = \frac{\sum_{x=0}^{X_{max}} I_{i}(x)}{\sum_{k=1}^{n} \sum_{x=0}^{X_{max}} I_{k}(x)}$$
(11)

$$\overline{h(x,\sigma_t)} = \sum_{i=1}^n w_i h_i(x,\sigma_t)$$
(12)

ここで, X_{max} は計測範囲となる入射面からの最大距離 である.このように複数の画像を利用することで, ノイ ズの影響を抑えながら消滅係数を求めることができる. 最終的な深度は式 (12) により求まる.

5. 実験結果

5.1 実験環境

本実験では図9に示す実験環境で,単一散乱を用いた 形状計測を行った.計測物体に対してプロジェクタ(3M MPro110)を物体の側面から投影できる位置に設置し, 光源の入射方向に対して垂直な方向から撮影できるよ うにカメラ(Point Grey Grasshopper)を上方に設置し た.なお,カメラにはテレセントリックレンズ(Edmund Optics)を使用し,平行射影を仮定できる環境にしてい る.プロジェクタは完全な平行射影ではないが,物体に 照射するのは投影範囲のごく一部であり,物体に対する 入射深度を0.3mm間隔で10段階変化させても,入射角 度の変化の最大値は1度未満であるため,無視できる範 囲である.

5.2 深度推定精度の検証

まず,単一散乱が形状推定の手掛かりとして有効であ ることを確かめるために,形状が既知である物体を用い て実験を行った.計測対象として,図1で用いた平面・ 谷・山を組み合わせた形状を持つ白濁したプラスチック を使用した.これは図1(a)に示すように強い単一散乱 を観測できる物体である.それぞれの厳密な形状を図10 に示す.

本実験では光の入射方向に対してのみ深度が変化す る配置で,計測物体の側面に対してプロジェクタによる 投影を行った.そのため,入射位置からの距離 x にお



ける深度 *h*(*x*) を評価する.投影パターンの入射深度は 0.3mm 間隔で 10 段階変化させた.カメラの F 値は 6 に 固定し,露光時間はキャプチャされる画像の明るさから



撮影対象毎に適宜設定を行っている.また,式(5)にお けるスケーリング定数Sはh(0) = 0となるように設定 し,深度推定に使用する輝度値はノイズを軽減するため に,深度の一定方向に対する平均値を使用している.

図 10(a) の物体に対して単一散乱と多重散乱を分離し た結果を図 11 に示す.図 11(a) はプロジェクタから高周 波パターンを投影した様子,(b) は両散乱成分の和,(c) は単一散乱成分,(d) は多重散乱成分であり,それぞれ擬 似カラー画像で表している.ここで,単一散乱と多重散 乱の分離は Mukaigawa ら [18] が示した手法によって行っ ており,実際にプロジェクタから投影した場合の輝度値 のスケールと両成分の和の輝度値のスケールは異なって いる.各散乱の輝度値の変化を図 11(e) に示す.両散乱



成分の和は単一散乱と似たような形になっているが,多 重散乱のバイアスがかかっており,指数関数的な減衰で はない.一方で,単一散乱は入射面からの距離が増える ごとに輝度値が0に近づいており,指数関数的な減衰の 様子を見ることができる.

図 12~14 は,それぞれ図 10(a)~(c) の物体から抽出 した単一散乱の輝度値,および形状推定を行った結果で ある.深度推定結果においては,照明の高さを変えた場 合の各単一散乱から推定された深度と共に,赤の破線で 最終的な推定結果を示している.なお,青の実線は真値 である.各形状の推定結果において真値との差は±1mm ほどであり,ある程度の精度をもって推定出来ている. また,入射位置から遠くなり,単一散乱の輝度値が小さ くなるほど,推定される深度の分散も大きくなりつつあ ることもわかり,4.2節で提案した重み付けの必要性が 確認できる.一方で,図13(b)と図14(b)に示す山や谷 を持つ形状の推定結果において特に 2cm 以降の深度が真 値と異なっている.これは,入射位置から遠くなるほど 十分な強度の単一散乱を観測できなくなり,正しい単一 散乱の輝度値が得られていないことが原因と考えられる. 理想的な単一散乱は入射位置から離れるほど,指数関数 的に減衰し,限りなく0に近づく.しかし,各単一散乱 のグラフからもわかるように,得られる単一散乱にはわ ずかながらオフセットが存在している、単一散乱の抽出 法には本研究で採用している高周波パターン投影法[18]



や偏光板を用いた手法が存在するが,これらの手法は厳密に単一散乱のみを抽出することはできない.抽出した単一散乱には低次の多重散乱も含まれ,それはオフセットとして単一散乱自身の強度が低い部分に現れる.これらの手法における抽出精度は今後の課題の一つとなっている.

本実験において,入射位置から離れた位置における推 定誤差はやや大きくなったが,入射位置に近いところで はほぼ正しく深度を推定できていることが確かめられた.

5.3 2次元的に形状変化する物体の深度推定

前節では1次元方向のみに深度が変化する物体を用いた.本節では,図15(a)のような2次元方向に深度が変化する花弁の形状を持つ物体の深度推定を行った結果について述べる.この実験においても図9に示す環境において,プロジェクタからの投影パターンの深度変化を10段階に設定し,計測を行った.図15(c)が疑似カラーで表した深度推定結果であり,青いほど深度が低いことを,赤いほど深度が高いことを示す.結果からわかるように,青い部分が花弁の凹部,赤が凸部に相当しており,大まかな凹凸は推定できていることがわかる.しかし,細部は不正確で絶対的なスケールも正しくないことから,完全な形状推定ができたとは言い難い.

これは物体の表面における光の屈折の影響を考慮して いないことが大きな原因である.本研究では物体内にお



図 15 2 次元的に形状変化する物体の深度推定

いて一度だけ散乱を起こし,入射光と垂直な方向に反射 する単一散乱を観測することを仮定している.しかし, 実際には出射面における屈折により,垂直に反射する光 をそのまま観測することができない.特に,エッジ部に おいては屈折角が平面部と大きく変化するため,輝度値 の変化は観測できるが,理想的な減衰として観測する ことができない.そのために,正しい深度を推定できな かったと考えられる.

5.4 制 限

提案手法には以下に述べる制限事項がある.

屈折による影響:本研究では屈折による影響を無視する ことで散乱方向は常に π/2 であると仮定し,フェーズ関 数を定数とみなす定式化を行った.そのため,出射面で の屈折による影響を避けることができず,実験において は厳密に正しい形状を推定することができなかった.図 16 は屈折が深度推定に及ぼす影響の一例である.山形の 形状を測る場合の光路は図 16(a)のようになる.ここで 図 16(c)のような前方散乱を仮定すると,屈折により散 乱する光の強度は山の前半においては低く,後半におい ては高くなる.そのため,フェーズ関数を定数とみなす と図 16(b)に示すように,前半においては高い深度,後 半においては低い深度と誤った推定結果が得られてしま う.これは図 14(b)に示す実験結果にも現れており,屈 折の影響が形状推定に及ぶものであることがわかる.

入射面の形状:問題設定において,計測物体の入射面は プロジェクタの入射光に対して垂直であると仮定してい る.一般的な2次元形状に対して適用するためには,こ の制限を取り払わなければならない.しかし,入射面の 形状による屈折も考慮する必要性があるため,単純に本 研究での推定手法を利用することはできない.

強い多重散乱:本研究では物体の内部における単一散乱 に着目して深度推定を行う.そのため,多重散乱が強く 単一散乱が物体の奥まで十分に観察できない場合には, 完全な形状推定は困難となる.

計測対象物の材質:本手法における定式化において,計



測対象物は光学的に一様な材質であると仮定した.その ため,内部が不均一な物体への適用はできない.

6. おわりに

本研究では単一散乱を用いる新たな半透明物体の形状 計測手法の提案を行った.これは単一散乱の減衰モデル を適用し,観測した輝度値から光路長を推定し,深度を 求めるものであった.深度を推定するにあたり,材質が 不明であると推定に曖昧性が生じてしまうが,照明の高 さを変えて複数回計測することで,一意に推定が行える ことを示した.実際に1次元的に形状が変化する物体及 び,2次元的に変化する物体を用いて形状計測を行い, 単一散乱が物体形状を推定するための手がかりとして利 用できることを確かめた.

本研究では,物体の屈折を考慮していないため,厳密 な形状を求めることは困難であることが明らかとなった. また,単一散乱をほとんど含まない半透明物体の形状を 推定することも難しい.今後はそのような物体の計測に も対応できるように,撮影手法の工夫や単一散乱以外の 散乱成分や反射成分の利用により推定精度の向上を目 指す.

文 献

- G.Godin, M.Rioux, J.A.Beraldin, "An assessment of laser range measurement on marble surfaces", Conference on Optical 3D Measurement Techniques, 2001.
- [2] T.Chen, H.P.A.Lensch, C.Fuchs, H.P.Seidel, "Polarization and phase-shifting for 3d scanning of translucent objects", IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2007.
- [3] M.Goesele, H.P.A.Lensch, J.Lang, C.Fuchs, H.P.Seidel, "DISCO - Acquisition of Translucent Objects", SIG-GRAPH2004, pp.835-844, 2004.
- [4] B.K.P.Horn, "Shape from shading: A method for obtaining the shape of a smooth opaque object from one view", MIT Project MAC Internal Report TR-79 and MIT AI Laboratory Technical Report 232, 1970.
- [5] R.J.Woodham, "Photometric method for determining surface orientation from multiple images", Optical Engineering, Vol.19, No.1, 1980.
- [6] G.Healey and T.O.Binford, "Local shape from specularity", Computer Vision, Graphics, and Image Pro-

cessing, Vol.42, pp.62-86, 1987.

- [7] A.C.Sankaranarayanan, A.Veeraraghavan, O.Tuzel, A.Agrawal, "Specular surface reconstruction from sparse reflection correspondences", IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2010.
- [8] C.Zhou, O.Cossairt, S.Nayar, "Depth from diffusion", IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2010.
- [9] M.Liao, L.Wang, R.Yang, M.Gong, "Light fall-off stereo", IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2007.
- [10] D.Miyazaki and K.Ikeuchi, "Shape estimation of transparent objects by using inverse polarization raytracing," IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol.29, No.11, pp.2018-2030, 2007.
- [11] K.N.Kutulakos and E.Steger, "A theory of refractive and specular 3d shape by light-path triangulation", IEEE International Conference on Computer Vision, 2005.
- [12] B.Trifonov, D.Bradley, W.Heidrich, "Tomographic reconstruction of transparent objects", Eurographics Symposium on Rendering, 2006.
- [13] M.B.Hullin, M.Fuchs, I.Ihrke, H.P.Seidel, H.P.A.Lensch, "Fluorescent immersion range scanning", ACM Transaction on Graphics, Vol.27, Issue.3, 2008.
- [14] N.J.Morris and K.N.Kutulakos, "Reconstructing the surface of inhomogeneous transparent oscenes by scatter trace photography", IEEE International Conference on Computer Vision, 2007.
- [15] S.G.Narasimhan, S.K.Nayar, B.Sun, S.J.Koppal, "Structured light in scattering media", IEEE International Conference on Computer Vision, 2005.
- [16] J.Kim, D.Lanman, Y.Mukaigawa, R.Raskar, "Descattering transmission via angular filtering", European Conference on Computer Vision, 2010.
- [17] M.Pharr and P.Hanrahan, "Monte carlo evaluation of non-linear scattering equations for subsurface reflection" SIGGRAPH2000, pp.75-84, 2000.
- [18] Y.Mukaigawa, Y.Yagi, R.Raskar, "Analysis of Light Transport in Scattering Media", IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 2010.
- [19] S.G.Narasimhan, M.Gupta, C.Donner, R.Ramamoorthi, S.K.Nayar, H.W.Jensen, "Acquiring scattering properties of participating media by dilution", SIG-GRAPH2006, pp.1003-1012, 2006.
- [20] T.Hawkins, P.Einarsson, P.Debevec, "Acquisition of time-varying participating media", ACM Transactions on Graphics, Vol.24, Issue.3, 2005.
- [21] J.Gu, S.K.Nayar, E.Grinspun, "Compressive structured light for recovering inhomogeneous participating media", European Conference on Computer Vision, 2008.
- [22] S.K.Nayar, G.Krishnan, M.D.Grossberg, and R.Raskar, "Fast Separation of Direct and Global Components of a Scene using High Frequency Illumination", SIG-GRAPH2006, pp.935-944, 2006.
- [23] S.K.Nayar, K.Ikeuchi, T.Kanade, "Shape from interreflections", International Journal of Computer Vision, pp.173-195, 1991.
- [24] S.Liu, T.T.Ng, Y.Matsushita, "Shape from secondbounce of light transport", European Conference on Computer Vision, 2010.
- [25] J. Stam, "Multiple scattering as a diffusion process", Proc. Eurographics Rendering Workshop, 1995.